УДК 517.9

## АНАТОЛИЙ ФИЛИППОВИЧ ГРИШИН

К семидесятилетию со дня рождения



9 сентября 2011 года исполняется 70 лет профессору кафедры математического анализа, известному специалисту в области целых и субгармонических функций, Анатолию Филипповичу Гришину.

Анатолий Филиппович родился и вырос в небольшом заводском городе Дружковка Донецкой области. Его отец был рабочим, а затем мастером в кузнечном цехе, мать была домохозяйкой. В 1958-м Анатолий Филиппович поступил на математическое отделение физико-математического факультета Харьковского государственного университета. Студентом 3-го курса Анатолий Филиппович начал участвовать в студенческом научном кружке, руководимом Борисом Яковлевичем Левиным. Тематика этого кружка (полиномы, целые и аналитические функции) увлекла Анатолия Филипповича, и это увлечение не прекращается и по сей день.

Дипломная работа Анатолия Филипповича была посвящена аналитическим функциям нулевого порядка в полуплоскости, её результаты были опубликованы. После окончания университета Анатолий Филиппович поступил в аспирантуру к Б.Я. Левину. В кандидатской диссертации "О регулярности роста субгармонических функций" Анатолий Филиппович получил ряд тонких результатов об оценках снизу и гладкости субгармонических функций вне исключительных множеств. В этой же работе А.Ф.Гришин

ввел понятие полной риссовской меры субгармонической функции в полуплоскости оказавшееся чрезвычайно полезным. Так, например, использование этой меры позволило Анатолию Филипповичу (в совместной работе с его учеником М.А.Фёдоровым) установить вариант второй основной теоремы теории распределения значений для мероморфных функций в полуплоскости. Вопрос о справедливости такой теоремы оставался открытым после классической работы Р.Неванлины 1925 г.

Стоит отметить, что некоторые из результатов кандидатской диссертации А.Ф.Гришина были независимо и практически одновременно найдены известными аналитиками Н.В.Говоровым и И.Ф.Красичковым. Впоследствии Анатолий Филиппович вернулся к этой тематике и получил законченные результаты, вошедшие в его докторскую диссертацию, защищённую в 1992-м году.

Среди других работ Анатолия Филипповича отметим цикл статей об интерполяции целыми функциями, в котором было найдено изящное геометрическое условие, необходимое и достаточное для разрешимости интерполяционной задачи  $f(\lambda_n) = a_n, n = 1, 2, \dots$  в классе целых функций конечного порядка с заданным индикатором роста. Здесь же А.Ф.Гришин ввел новое полезное понятие регулярности роста целой функции на множестве своих корней. В одной из работ этого цикла Анатолий Филиппович установил замечательный и простой факт: Пусть функция  $u=u_1-u_2$  в области  $\Omega\subset R^n$ , представима в виде разности субгармонических функций  $u_1 \ge u_2$ . Тогда ограничение лапласиана  $\Delta u$  на множество  $\{x \in \Omega : \liminf_{r \to 0} N_u(x;r) = 0\}$ является неотрицательной мерой. Здесь  $N_u(x;r)$  - среднее функции u по Как выяснилось впоследствии, сфере радиуса r с центром в точке x. более слабые версии этого утверждения ранее были независимо найдены Валле-Пуссеном, Брело, Като и Г.Леви. Эта лемма нашла разнообразные применения в теории аналитических функций и в теории дифференциальных уравнений в частных производных.

Начиная с 1966-го года, А.Ф.Гришин бессменно работает на кафедре математического анализа ХГУ. Он регулярно преподает как базовый двухго-дичный курс математического анализа, так и спецкурсы. Лекции Анатолия Филипповича отличаются строгостью изложения и всегда тщательно продуманы. В течение многих лет Анатолий Филиппович успешно занимался подготовкой аспирантов, его ученики работают в Украине, США и Израиле. Последние 12 лет совместно с С.Ю.Фаворовым Анатолий Филиппович руководит Харьковским городским семинаром по теории аналитических функций, непременным участником которого он является уже более 45 лет.

Мы от души желаем Анатолию Филипповичу новых творческих достижений, доброго здоровья и сил!

Азарин В.С., Ерёменко А.Э., Гордевский В.Д., Коробов В.И., Малютин К.Г., Резуненко А.В., Скляр Г.М., Содин М.Л., Фаворов С.Ю.